

MECANIQUE DES FLUIDES - COURS

Pression et force pressante :

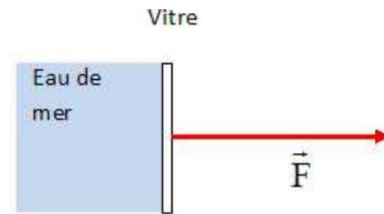
La **pression** est égale à la valeur d'une force par unité de surface. Elle s'exprime en Pascal (Pa)

$$P = \frac{F}{S} \text{ Avec } P : \text{ la pression (en Pa), } F : \text{ une force (en N) et } S : \text{ un surface en m}^2$$

Lorsqu'un liquide possède une surface libre, (en contact avec l'atmosphère) alors la pression au niveau de cette surface est égale à la pression atmosphérique. $P_{\text{Surface libre}} = P_{\text{atm}}$

La force pressante vérifie en outre :

- Direction : perpendiculaire à la paroi de surface S
- Sens : vers la paroi
- Norme : $F = S \times P$



L'hydrostatique :

On suppose dans ce modèle que le liquide est **incompressible** (masse volumique constante) et est **immobile** (pas de débit, pas de mouvement, le tout est en équilibre).

Dans ce cas, on a, pour deux points différents de ce liquide, l'égalité suivante :

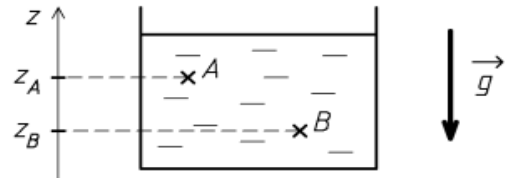
$$P_A + \rho g z_A = P_B + \rho g z_B$$

Avec P_A et P_B : la pression respectivement en A et B (en Pa)

ρ : la masse volumique du liquide (en kg.m^{-3})

g : l'accélération de la pesanteur, une constante = $9,81 \text{ m.s}^{-1}$

z_A et z_B : l'altitude respectivement en A et B (en m)



Poussée d'Archimède : La résultante des forces de pressions exercée par un fluide sur un système immergé.

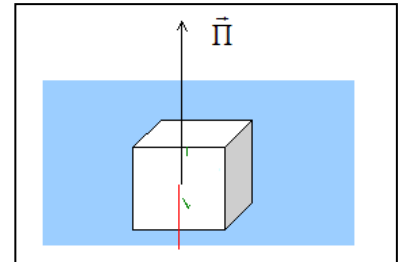
$$\vec{\pi} = -V\rho\vec{g}$$

Norme : $\pi = V\rho g$ (V le volume immergé, ρ masse volumique et $g = 10 \text{ m/s}^2$)

Direction : verticale

Sens : vers le haut

Pt d'application : centre de gravité de la partie immergée



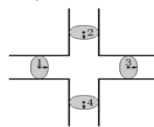
Ecoulement stationnaire.

Lorsque la vitesse du fluide n'évolue pas au cours du temps, on dit que l'écoulement est stationnaire (On arrive à ce régime un petit moment après avoir ouvert un robinet par exemple).

On appelle débit volumique, le volume V de fluide qui s'écoule à travers une surface S pendant un temps t. On a donc :

$$Q_V = \frac{V}{t} \text{ Avec } D_v : \text{ le débit volumique (en m}^3.\text{s}^{-1}) ; V : \text{ le volume écoulée (en m}^3) \text{ et } t \text{ le temps (en s)}$$

Le débit volumique se conserve : $D_{v1} + D_{v2} = D_{v3} + D_{v4}$



Dans une canalisation, le débit volumique reste constant quelque soit la surface à travers laquelle le fluide passe. Ici

$$Q_A = Q_B$$



Pour avoir la vitesse moyenne du liquide, on utilise la formule suivante : $v = \frac{D_V}{S}$

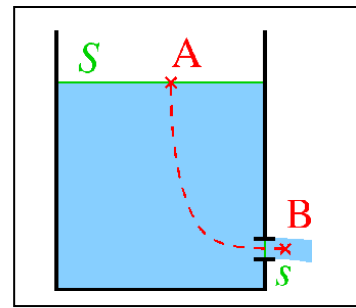
Avec v : la vitesse moyenne (en m.s^{-1}) ; D_v : le débit volumique en ($\text{m}^3.\text{s}^{-1}$) et S : la surface (en m^2)

On remarque que plus S diminue, plus la vitesse moyenne augmente.

Relation de Bernoulli : $P_A + \rho g z_A + \frac{1}{2} \rho v_A^2 = P_B + \rho g z_B + \frac{1}{2} \rho v_B^2$

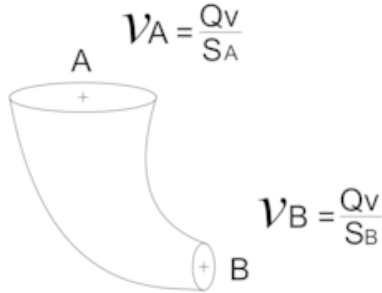
Hypothèses :

- Le fluide doit être incompressible (masse volumique constante)
- Fluide non visqueux
- Champ de pesanteur uniforme
- Régime permanent (ne dépend pas du temps)



Avec P : pression en A ou B (en Pa), ρ : masse volumique du fluide (en kg.m^{-3}), v : vitesse du fluide (en m.s^{-1}), z : altitude en A ou B (en m) et $g = 9,81 \text{ m.s}^{-2}$

Effet Venturi :



$$S_A > S_B \text{ donc } v_A < v_B$$

Et $P_A > P_B$